

**Skúška z predmetu Matematika 1**  
**denné štúdium – 11. 01. 2017**

**MENO .....** **ŠTUDIJNÁ SKUPINA .....**

| 1 | 2 | 3 | 4 |   |   |   |   | Teória   |          |       |            |
|---|---|---|---|---|---|---|---|----------|----------|-------|------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | Príklady | Semester | Spolu | Hodnotenie |
|   |   |   |   |   |   |   |   |          |          |       |            |

**Teória** (každá otázka hodnotená 5 bodmi):

1. Napíšte Frobeniovu vetu.
2. Definujte lokálny extrém.
3. Definujte Eulerovo číslo.
4. Nakreslite graf funkcie  $f(x)=1-\sqrt{x}$

**Príklady** (každý príklad hodnotený 5 bodmi):

1. Je daná matica  $A=\begin{pmatrix} a & a+1 & 3 \\ 3 & a-2 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$ . Zistite, pre ktoré hodnoty parametra  $a$  je matica A singulárna.
2. Riešte rovnicu s neznámou  $x$ :  $\begin{vmatrix} 2 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & 0 \\ x & 0 & 3 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} x & -1 \\ 3 & x \end{vmatrix} = 3$
3. Vypočítajte limity
  - $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \operatorname{arctg} x}{x^3}$
  - $\lim_{x \rightarrow \infty} (\ln x \cdot \ln \frac{1}{x})$
4. Nájdite intervaly monotónnosti a lokálne extrémy funkcie  $f(x)=(x^2-2x+1) \cdot e^{-x}$
5. Zderivujte funkciu  $f(x)=\sqrt[3]{\ln(\sin 2x + e^{3x})} + \arcsin x^2 \cdot (2x-5)^3$
6. Nájdite intervaly konvexnosti, konkávnosti a inflexné body funkcie  $y=4x-\ln^3 x$
7. Nájdite všetky asymptoty grafu funkcie  $y=\frac{11x^2-x+17}{x-4}$
8. Nájdite lokálne extrémy funkcie  $f(x,y)=x^3+xy^2-27x$